

〔1〕 小問集合

$$\begin{aligned}(1) \quad & 8 + (-13) - 5 \\ & = 8 - 13 - 5 \\ & = 8 - 18 \\ & = -10\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(2) \quad & -3(a-2b) + 5(4a+3b) \\ & = -3a + 6b + 20a + 15b \\ & = 17a + 21b\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(3) \quad & (-4ab^3) \times (-6a^2) \div 8ab \\ & = \frac{4ab^3 \times 6a^2}{8ab} \\ & = 3a^2b^2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(4) \quad & \text{代入法} \\ & 3x - 4(-8x + 13) = 18 \quad x = 2 \\ & x = 2 \text{を代入} \\ & y = -8 \times 2 + 13 \\ & y = -3\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(5) \quad & \sqrt{108} \times \sqrt{15} - \frac{15}{\sqrt{5}} \\ & = 2 \times 3 \times \sqrt{3} \times \sqrt{3} \times \sqrt{5} - \frac{15}{\sqrt{5}} \\ & = 6 \times 3 \times \sqrt{5} - \frac{15}{\sqrt{5}} \\ & = 18\sqrt{5} - \frac{15\sqrt{5}}{5} \\ & = 18\sqrt{5} - 3\sqrt{5} \\ & = 15\sqrt{5}\end{aligned}$$

$$(5) \quad y = 3x^2 \quad -3 \leq x \leq 4$$

最小値は原点 $y = 0$ 最大値は $x = 4$ のとき、 $y = 48$

$$(7) \quad \text{七角形の内角の和} \quad 180 \times (7 - 2) = 900$$
$$900 - (130 + 152 + 108 + 142 + 92 + 138) = 138$$

$$(8) \quad \boxed{\text{映像を参照}}$$

〔2〕

(1) 解答参照

(2) 解答参照

$$(3) \quad \boxed{\text{映像を参照}}$$

$$〔3〕 \quad \boxed{\text{映像を参照}}$$

[4]

(1)① 映像を参照

(1)② 映像を参照

(1)③ (1 回目, 2 回目, 3 回目, 4 回目) =
(x , x , y , y) , (x , y , x , y) ,
(x , y , y , x) , (y , x , x , y) ,
(y , x , y , x) , (y , y , x , x) の6 通りある。
よって, 求める確率は, $\frac{6}{16} = \frac{3}{8}$

(2)① (k, 0) , (k-1, 1) , …… , (0, k) のk+1 (個) ある。

(2)② 傾きが-1, 切片がk の直線の式で, $y=-x+k$

(3) カードをk 回取り出したとする。ただし, k は正の7の倍数である。また, 点P のx 座標をt とする。
ただし, t は正の整数である。(2)②より, 点P は関数 $y=-x+k$ のグラフ上にあるから, $y=-x+k$ に $x=t$ を
代入して, $y=-t+k$ ……⑦

また, 点P は関数 $y=x^2$ のグラフ上にあるから, $y=x^2$ に $x=t$ を代入して, $y=t^2$ ……⑧

⑦, ⑧より, $t^2=-t+k$, $k=t(t+1)$

k は正の 7 の倍数だから, $t(t+1)$ も 7 の倍数である。

また, t は正の整数だから, t+1 は整数である。

よって, tが正の7 の倍数, または, t+1 が正の7 の倍数である。

k が最も小さい正の7 の倍数となるのは, t=6 のときであり, このとき, $k=6 \times (6+1) = 42$

よって, カードを取り出した回数は最も少なくて42 回である。

[5]

(1) 映像を参照

(2) 点O を通る辺AB の垂線と辺AB との交点をH とすると, $\triangle OAH \equiv \triangle OBH$ だから,

$$AH=BH = \frac{1}{2} AB = \frac{1}{2} \times 12 = 6 \text{ (cm)}$$

$\triangle OAH$ は $\angle AHO=90^\circ$ の直角三角形だから, 三平方の定理より,

$$OA^2=OH^2+AH^2, (6\sqrt{5})^2=OH^2+6^2, OH^2=144 \quad OH>0 \text{ より, } OH=12 \text{ cm}$$

よって, $\triangle OAB$ の面積は, $\frac{1}{2} \times AB \times OH = \frac{1}{2} \times 12 \times 12 = 72 \text{ (cm}^2\text{)}$

(3) 辺OD の中点をS とすると, 2 点P, S はそれぞれ辺OA, OD の中点だから, 中点連結定理より,
 $PS \parallel AD$, $PS = \frac{1}{2} AD$

四角形ABCD は正方形だから, $AD=BC$, $AD \parallel BC$ 点R は辺BC の中点だから, $RC = \frac{1}{2} BC$

以上より, $PS \parallel RC$, $PS=RC$ 1 組の辺が平行でかつその長さが等しいから,

四角形PRCS は平行四辺形である。よって, $PR=CS$

点C を通る辺OD の垂線と辺OD との交点をT とする。

$\triangle OCD \equiv \triangle OAB$ より, $\triangle OCD$ の面積は 72 cm^2 である。

$$\text{よって, } \frac{1}{2} \times OD \times CT = 72, \quad \frac{1}{2} \times 6\sqrt{5} \times CT = 72, \quad CT = \frac{24\sqrt{5}}{5} \text{ cm}$$

$\triangle OCT$ は $\angle OTC=90^\circ$ の直角三角形だから, 三平方の定理より,

$$OC^2=OT^2+CT^2, (6\sqrt{5})^2=OT^2+\left(\frac{24\sqrt{5}}{5}\right)^2, \quad OT^2 = \frac{324}{5} \quad OT>0 \text{ より, } OT = \frac{18\sqrt{5}}{5} \text{ cm}$$

$$ST=OT-OS = \frac{18\sqrt{5}}{5} - \frac{1}{2} \times 6\sqrt{5} = \frac{3\sqrt{5}}{5} \text{ cm}$$

$\triangle CST$ は $\angle CTS=90^\circ$ の直角三角形だから, 三平方の定理より,

$$CS^2=CT^2+ST^2, \quad CS^2 = \left(\frac{24\sqrt{5}}{5}\right)^2 + \left(\frac{3\sqrt{5}}{5}\right)^2 = 117$$

$CS>0$ より, $CS=3\sqrt{13} \text{ cm}$ よって, $PR=CS=3\sqrt{13} \text{ cm}$